

CONTROL N°1

Nombre:.....Nota:.....

Fecha: Lunes 6 Abril de 2015 Nota: 2 puntos cada pregunta + 1 punto base Tiempo: 90 minutos.

1. 1.1 Si p, q son proposiciones, construir la tabla de verdad para la proposición compuesta $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow p$
- 1.2 ¿Qué valor de verdad son posibles para las proposiciones p, q, r para que la proposición lógica compuesta: $\neg(p \Rightarrow q) \wedge (r \vee q)$ sea verdadera?
- 1.3 Exprese el valor de verdad de: $(\exists x \in \mathbb{N})(x + 4 < 7)$, justifique.

2. Demuestre, sin usar tabla de verdad, que la proposición compuesta $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$ es una tautología.

3. Sea A, B conjuntos
Utilice propiedades de la operatoria de conjuntos para probar que: $(B - A) \cup (A \cap B) = B$

Pauta

1. 1.1 Use tabla de verdad para determinar el valor veritativo de la proposición:

$$[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow p$$

Solución:

P	Q	$p \Rightarrow q$	$p \wedge (p \Rightarrow q)$	$[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow P$
V	V	V	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	F	V
F	F	V	F	V

El valor veritativo de la proposición $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow p$ es una tautología.

- 1.2 Sabiendo que la proposición lógica compuesta: $\neg(p \Rightarrow q) \wedge (r \vee q)$ es tautología, encuentre el valor de verdad de cada una de las proposiciones simples "p", "q", "r".

Solución:

Por conjunción tenemos: $\neg(p \Rightarrow q)$ es V \wedge $(r \vee q)$ es V

Luego $(p \Rightarrow q)$ es F

por ende "p"= V \wedge "q"=F \wedge "r"=V

- 1.3 Es verdadero porque $V_p = \{1,2\} \neq \emptyset$

2. Demuestre que la proposición, $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$ es una tautología.

Solución:

$$\begin{aligned}
 [p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q &\Leftrightarrow [p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q && (\Rightarrow) \\
 &\Leftrightarrow \neg[p \wedge (\neg p \vee q)] \vee q && \text{Negación} \\
 &\Leftrightarrow [\neg p \vee (p \wedge \neg q)] \vee q && \text{Distrib} \\
 &\Leftrightarrow [(\neg p \vee p) \wedge (\neg p \vee \neg q)] \vee q && \text{Complemento} \\
 &\Leftrightarrow [T \wedge (\neg p \vee \neg q)] \vee q && \text{Identidad} \\
 &\Leftrightarrow [(\neg p \vee \neg q)] \vee q && \text{Asociatividad} \\
 &\Leftrightarrow \neg p \vee (\neg q \vee q) && \text{Complemento} \\
 &\Leftrightarrow \neg p \vee T && \text{Identidad}
 \end{aligned}$$

$\Leftrightarrow T$

La proposición $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \Rightarrow q$ es una tautología.

3. Utilice propiedades de la operatoria de conjuntos y probar que: $(B - A) \cup (A \cap B) = B$,
 $\forall A, B \in U$

$$\begin{aligned}(B - A) \cup (A \cap B) &= B && \text{Diferencia} \\ &= (B \cap A^c) \cup (A \cap B) && \text{Distributividad} \\ &= [(B \cap A^c) \cup A] \cap [(B \cap A^c) \cup B] && \text{Dist., Absorción} \\ &= [(B \cup A) \cap (A^c \cup A)] \cap B \\ &= [(B \cup A) \cap U] \cap B \\ &= [(B \cup A)] \cap B \\ &= B\end{aligned}$$

Se cumple la igualdad: $(B - A) \cup (A \cap B) = B$